Magic Snail

Resolução de um Problema de Decisão usando Programação em Lógica com Restrições

Turma 3MIEIC1

Grupo Magic Snail\_4

Leonardo Manuel Gomes Teixeira – up201502848

Maria Eduarda Santos Cunha – up201506524

Faculdade de Engenharia da Universidade do Porto

Rua Roberto Frias, sn, 4200-465 Porto, Portugal

Índice

[1 Resumo 3](#_Toc501820568)

[2 Introdução 3](#_Toc501820569)

[3 Magic Snail 4](#_Toc501820570)

[4 Abordagem 4](#_Toc501820571)

[4.1 Variáveis de Decisão 4](#_Toc501820572)

[4.2 Restrições 4](#_Toc501820573)

[5 Visualização da Solução 5](#_Toc501820574)

[6 Resultados 6](#_Toc501820575)

[7 Conclusões 7](#_Toc501820576)

[8 Bibliografia 7](#_Toc501820577)

[9 Apêndice 7](#_Toc501820578)

# Resumo

Este projeto surgiu da necessidade de complementar e consolidar os conceitos lecionados nas aulas práticas e teóricas da cadeira de Programação em Lógica, mais especificamente os problemas de decisão ou otimização com restrições.

Optamos pela implementação de um programa em Prolog que resolvesse o jogo Magic Snail. Este jogo tem por base um tabuleiro quadrado, em que a ordem das células respeita a forma de um caracol e o objetivo é preenchê-las com letras de forma a que a sua ordem, quando lidas, corresponda à chave de jogo, sem que haja repetição de nenhum elemento da chave ao longo de uma coluna ou linha.

# Introdução

Face os temas propostos na cadeira de Programação Lógica para o projeto final, que se podiam incluir na categoria de problema de decisão ou otimização, decidimos trabalhar o jogo Magic Snail. Este jogo insere-se nos problemas de decisão e o objetivo principal era a aplicação de conceitos de programação lógica com restrições.

O Magic Snail é um jogo de tabuleiro quadrado em que as células são lidas como se este se tratasse da carapaça de um caracol. O objetivo é que os jogadores preencham as células de forma a que, quando lidas, se obtenha sempre a chave de jogo. Ainda, nenhum elemento da chave se deve repetir na mesma linha ou coluna.

A nossa abordagem passou por estabelecer como queríamos definir o tabuleiro, sendo que optamos por uma única lista, criar as restrições de só poder aparecer cada elemento da chave uma vez por linha/coluna e, ainda, obrigar a que a ordem da chave fosse correspondida no caracol. Daí partimos para as componentes de tornar o tamanho do tabuleiro variável, a chave variável e, por fim, incluímos o calculo do tempo de processamento do programa.

O presente relatório encontra-se estruturado segundo os seguintes tópicos:

**Magic Snail**, onde desenvolvemos e descrevemos o problema em questão;

**Abordagem**, onde descrevemos a modelação do mesmo através da enumeração das variáveis de decisão e respetivos domínios, restrições, implementação, entre outros;

**Visualização da Solução**, onde explicamos os predicados que permitem visualizar a solução;

**Resultados**, onde demonstramos exemplos de aplicação;

**Conclusões**, onde refletimos sobre algumas considerações face ao fim da implementação do projeto.

# Magic Snail

O jogo Magic Snail trata-se de um problema de decisão. É jogado num tabuleiro quadrado em que as células são lidas como se este se tratasse da carapaça de um caracol, ou seja, a leitura é efetuada da cabeça do caracol para o centro.

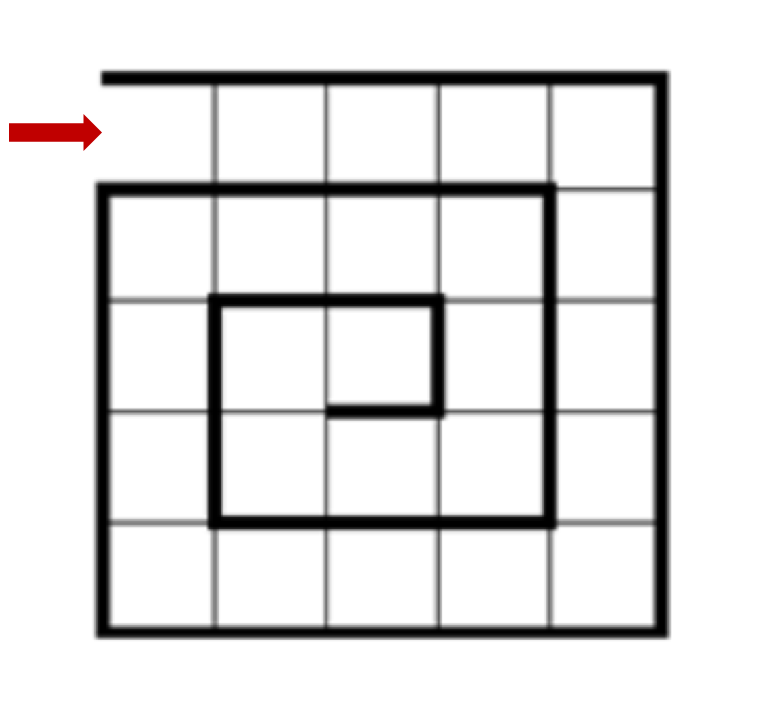
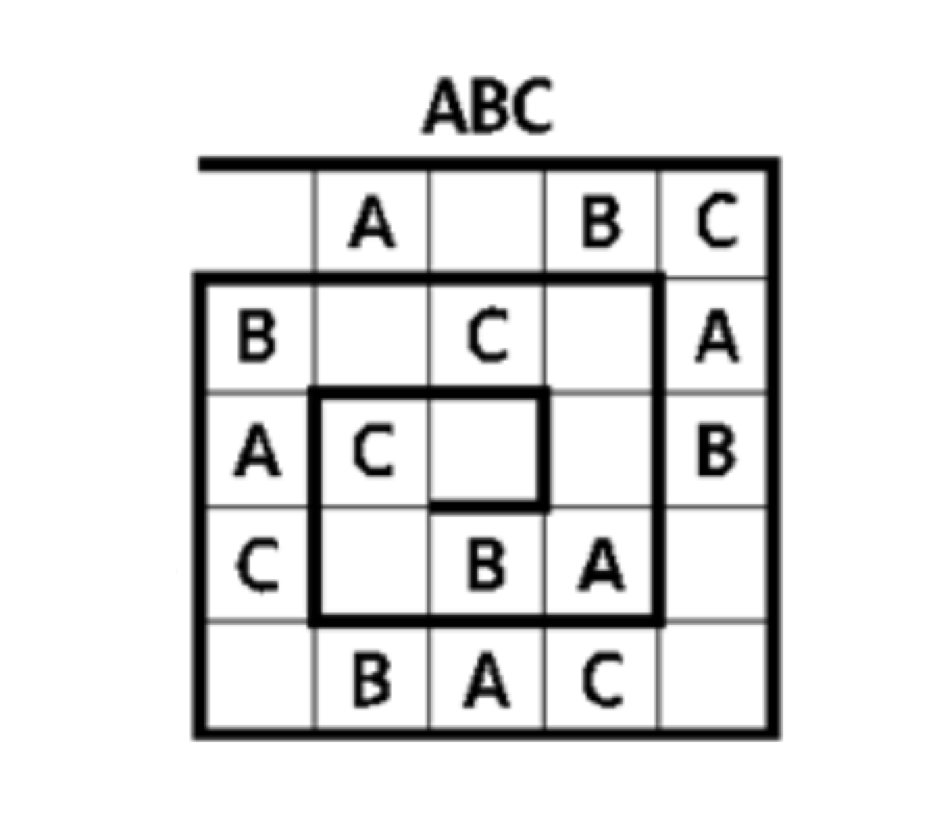
O objetivo é que os jogadores preencham as células de forma a que, quando lidas, se obtenha sempre a chave de jogo. Os carateres da chave não se podem repetir na mesma linha ou coluna. No caso exemplificado, a chave é ABC e o tabuleiro é de 5 por 5.

Figure 2: Solução possível do tabuleiro da figure 1 com a chave ABC

Figure : Tabuleiro de 5x5 vazio.

# Abordagem

Representamos o tabuleiro como uma lista de n carateres (por exemplo, 25 carateres quando o tabuleiro é de 5x5), onde cada elemento corresponde a uma célula.

## Variáveis de Decisão

Dada esta representação, existem as seguintes variáveis:

***BoardLength*** que corresponde ao tamanho do lado do tabuleiro.

***KeyLength*** que dá o tamanho da chave inserida pelo utilizador e que deve ser inferior ao tamanho do lado do tabuleiro.

***List*** que é uma lista de *BoardLength\*BoardLength* carateres que podem variar entre 0 e *KeyLength* e corresponde à solução do problema.

## Restrições

No contexto deste problema, existem 3 restrições:

**A existência da chave, independentemente da ordem dos carateres, apenas uma vez por coluna.**

Ao longo de uma coluna, os elementos da chave só devem aparecer uma vez cada um.

oncePerColumn([],\_,\_)**:-**!**.**

oncePerColumn(**List**,**BoardLength**, **KeyLength**)**:-** oncePerColumn(List,BoardLength, KeyLength, *1*)**.**

oncePerColumn(\_,**BoardLength**,\_, **N**)**:-**

N > BoardLength,!**.**

oncePerColumn(**List**, **BoardLength**, **KeyLength**, **N1**)**:-**

**Next** is N1+*1*,

oncePerColumn(List, BoardLength, KeyLength, Next),

takeColumnElemsFromList(N1, BoardLength, List, **Column**),

oncePerRow(Column, BoardLength, KeyLength)**.**

**A existência da chave, independentemente da ordem dos carateres, apenas uma vez por linha.**

Ao longo de uma linha, os elementos da chave não devem aparecer repetidos.

oncePerRow([],\_,\_)**:-**!**.**

oncePerRow(**List**, **BoardLength**, **KeyLength**)**:-**

takeFirstNElemsFromList(BoardLength, List, **FirstElems**),

append(FirstElems,**Rest**,List),

oncePerRow(Rest,BoardLength, KeyLength),

fillListIndexEqualsValue(KeyLength,**Values**),

countEqualsList(Values, FirstElems, *1*)**.**

**A ordem dos elementos dispostos na solução, excetuando as células vazias, deve respeitar a ordem da chave.**

Percorrendo o tabuleiro no sentido do caracol (ver figure 1), os carateres devem aparecer pela ordem indicada na chave. Entre estes carateres pode haver células vazias e estas não afetam a ordem.

magicSnailRule(**List**, **BoardLength**, **KeyLength**)**:-**

magicSnailRoute(BoardLength, **Route**),

listToMagicSnail(List,Route, BoardLength, **MagicSnail**),

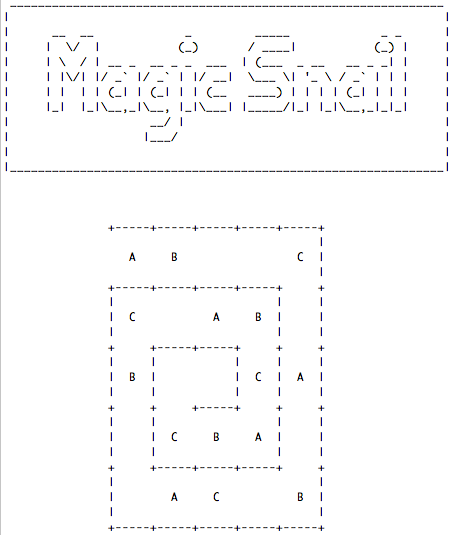
orderedListWithCiclesIgnoring0s(MagicSnail, BoardLength, KeyLength)**.**

# Visualização da Solução

Todos os predicados responsáveis pela visualização da solução na consola, encontram-se implementados em Interface.pl.

Existem 3 predicados principais responsáveis pela estrutura do tabuleiro: verticalFrontierBoard e horizontalFrontierBoard, que tratam dos limites verticais e horizontais respetivamente, e buildBoard, responsável pela construção do tabuleiro final. Ainda, existe também a tradução dos ee (valor da célula vazia), he (valor dos limites horizontais que “não existem”), hf (valor dos limites horizontais que “existem”), ve (valor dos limites verticais que “não existem”), vf (valor dos limites verticais que “existem”) e, por fim, dos valores da solução (números inteiros de valor compreendido entre 0 e *KeyLength* são convertidos nos carateres da chave). Quando na lista da solução aparece 0, traduz-se para um espaço vazio e quando aparece valores de 1 a *KeyLength* traduz-se para o respetivo carater da chave (por exemplo, para a chave ABC, 1 corresponde a A, 2 a B e 3 a C.

Valor 0



Valor 2

he

vf

ve

hf

Figure 3: Chave ABC.

# Resultados

De forma a avaliar a solução obtida, recorremos ao tempo que demora a encontrar uma solução para o problema, através do predicado statistics da biblioteca timeout.

Efetuados alguns testes para verificar a eficiência da nossa solução, obtemos os seguintes resultados:

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| Lado do Tabuleiro | Tamanho da Chave | Tempo (ms) |
| 1 | 1 | 10 |
| 2 | 1 | 10 |
| 2 | 2 | 10 |
| 3 | 1 | 10 |
| 3 | 2 | 20 |
| 4 | 1 | 10 |
| 4 | 2 | 10 |
| 5 | 1 | 10 |
| 5 | 2 | 40 |
| 5 | 3 | 140-250 |
| 6 | 1 | 10 |
| 6 | 2 | 180 |
| 7 | 2 | 630 |
| 7 | 3 | 4650 |

Concluímos que, mantendo o tamanho do tabuleiro, o tempo de execução aumenta com o tamanho da chave para tabuleiros com um tamanho significativo.

Mantendo o tamanho da chave, o tempo de execução aumenta com o tamanho do tabuleiro, à exceção de quando a chave só possui 1 carater.

# Conclusões

Terminado o desenvolvimento do projeto, concluímos que Prolog com restrições pode ser bastante útil para a resolução de certos problemas, reduzindo sensivelmente a complexidade dos mesmos. Ainda que, em alguns casos, o processamento de soluções leve algum tempo.

O jogo escolhido por nós era de reduzida complexidade teórica (só tinha 3 restrições) pelo que foi relativamente fácil percebê-lo. As maiores dificuldades terão sido permitir a existência dos espaços “vazios” entre as letras da chave no tabuleiro, processar uma chave com número variável de carateres e forçar a que a ordem dos carateres respeitasse o caracol.

É importante ressaltar que optamos por não permitir a escolha de tabuleiros retangulares, dado que não achamos que fizesse sentido, pois quebraria a dinâmica característica do jogo que é o tabuleiro ser uma carapaça de caracol.

De forma geral, pensamos que realizamos com sucesso aquilo a que nos propusemos e, com mais tempo, a única coisa que trabalharíamos seria tentar reduzir o tempo que leva à obtenção de uma solução.

# Bibliografia

1. Magic Snail, http://logicmastersindia.com/lmitests/dl.asp?attachmentid=659&view=1

# Apêndice

**main.pl**

:- include('Interface.pl').

:- include('logic.pl').

:- include('utils.pl').

:- use\_module(library(lists)).

:- use\_module(library(system)).

:- use\_module(library(timeout)).

% --- START ---

start(Key, BoardLength):-

clearScreen,

titleFrame,

atom\_chars(Key,KeyList),

length(KeyList, KeyLength),

magicSnail(IndexList,BoardLength,KeyLength),

integerToAtomUsingKey(IndexList, AtomList, KeyList),

listToMatrix(AtomList, BoardLength, Matrix),

buildBoard(Matrix, BoardLength, Board),

% spacing(3),

displayBoard(Board),

anotherSolution,

statisticsMagicRule.

statisticsMagicRule:-

statistics(runtime,Runtime),

nth1(2,Runtime, Time),

write('Runtime: '), write(Time), write(' ms.'),

spacing(2).

**logic.pl**

:- use\_module(library(clpfd)).

magicSnail(List, BoardLength, KeyLength):-

ListLength is BoardLength\*BoardLength,

length(List, ListLength),

domain(List, 0, KeyLength),

oncePerRow(List, BoardLength, KeyLength),

oncePerColumn(List, BoardLength, KeyLength),

magicSnailRule(List, BoardLength, KeyLength),

labeling([], List).

oncePerRow([],\_,\_):-!.

oncePerRow(List, BoardLength, KeyLength):-

takeFirstNElemsFromList(BoardLength, List, FirstElems),

append(FirstElems,Rest,List),

oncePerRow(Rest,BoardLength, KeyLength),

fillListIndexEqualsValue(KeyLength,Values),

countEqualsList(Values, FirstElems, 1).

oncePerColumn([],\_,\_):-!.

oncePerColumn(List,BoardLength, KeyLength):- oncePerColumn(List,BoardLength, KeyLength, 1).

oncePerColumn(\_,BoardLength,\_, N):-

N > BoardLength,!.

oncePerColumn(List, BoardLength, KeyLength, N1):-

Next is N1+1,

oncePerColumn(List, BoardLength, KeyLength, Next),

takeColumnElemsFromList(N1, BoardLength, List, Column),

oncePerRow(Column, BoardLength, KeyLength).

magicSnailRoute([d,d,d,d,s,s,s,s,a,a,a,a,w,w,w,d,d,d,s,s,a,a,w,d]).

magicSnailRoute(1,[]):-!.

magicSnailRoute(2,[d,s,a]):-!.

magicSnailRoute(N,Route):-

N2 is N-2,

magicSnailRoute(N2, RouteRest),

N1 is N-1,

fillListWithValue(D, d, N1),

fillListWithValue(S, s, N1),

fillListWithValue(A, a, N1),

fillListWithValue(W, w, N2),

append(D, S, DS),

append(DS, A, DSA),

append(DSA, W, DSAW),

append(DSAW, [d], RouteN),

append(RouteN, RouteRest, Route).

magicSnailRule(List, BoardLength, KeyLength):-

magicSnailRoute(BoardLength, Route),

listToMagicSnail(List,Route, BoardLength,MagicSnail),

orderedListWithCiclesIgnoring0s(MagicSnail,BoardLength, KeyLength).

orderedListWithCiclesIgnoring0s(List,BoardLength, KeyLength):-

orderedListWithCiclesIgnoring0s(List,BoardLength, KeyLength,1,0).

orderedListWithCiclesIgnoring0s(\_,BoardLength,\_, N,\_):-

N>BoardLength.

orderedListWithCiclesIgnoring0s(List,BoardLength, KeyLength,Occurrence, LastOccurrencePrev):-

fillListIndexEqualsValue(KeyLength, Values),

nthOccurrenceListing(List, Values, Occurrence, LastOccurrencePrev, LastOccurrenceNext),

NextOccurrence is Occurrence+1,

orderedListWithCiclesIgnoring0s(List,BoardLength, KeyLength,NextOccurrence, LastOccurrenceNext).

nthOccurrenceListing(\_, [], \_, LastOccurrence, LastOccurrence):-!.

nthOccurrenceListing(List, [Value|Rest], Occurrence, LastOccurrencePrev, LastOccurrenceNext):-

nthOccurrence(List, Value, Occurrence, Index),

LastOccurrencePrev#<Index,

nthOccurrenceListing(List, Rest, Occurrence, Index, LastOccurrenceNext).

numberOfOcurrencesUntil(\_,\_,Count,Count,Index,Index).

numberOfOcurrencesUntil(List, Element, Aux, Count, Index, IndexAux) :-

List = [H|T],

H #= Element #<=> YES,

Aux2 #= Aux + YES,

N\_Index is IndexAux + 1,

numberOfOcurrencesUntil(T, Element, Aux2, Count, Index, N\_Index).

%O elemento Element aparece na lista L pela NthTime no index Index

nthOccurrence(List, Element, NthTime, Index) :-

numberOfOcurrencesUntil(List,Element, 0, NthTime, Index, 0), %restrição de até aquele index o element aparecer nthtime

element(Index,List,Element). % restrição de naquela posição ser aquele element

%countEquals(Value, List, Count) - Count equal values on a list

countEquals(\_, [], 0).

countEquals(Value, [Head | Tail], Count) :-

countEquals(Value, Tail, Count2),

Value #= Head #<=> Flag,

Count #= Count2 + Flag.

countEqualsList([],\_,\_).

countEqualsList([Value|Rest], List, Count):-

countEqualsList(Rest, List, Count),

countEquals(Value,List,Count).

**Interface.pl**

initialBoard([

[ee, ee, ee, ee, ee],

[ee, ee, ee, ee, ee],

[ee, ee, ee, ee, ee],

[ee, ee, ee, ee, ee],

[ee, ee, ee, ee, ee]

]).

initialBoard(N, Board):-

fillListWithValue(Row, ee, N),

fillListWithValue(Board,Row,N).

exampleBoard([

[ee, 'A', ee, 'B', 'C'],

['B', ee, 'C', ee, 'A'],

['A', 'C', ee, ee, 'B'],

['C', ee, 'B', 'A', ee],

[ee, 'B', 'A', 'C', ee]

]).

horizontalFrontierBoard([

[hf, hf, hf, hf, hf],

[hf, hf, hf, hf, he],

[he, hf, hf, he, he],

[he, he, hf, he, he],

[he, hf, hf, hf, he],

[hf, hf, hf, hf, hf]

]).

horizontalFrontierBoard(0, [[]]):- !.

horizontalFrontierBoard(1, [[hf],[hf]]):-!.

horizontalFrontierBoard(N, FrontierBoard):-

N2 is N-2,

horizontalFrontierBoard(N2,FrontierBoardRest),

fillListWithValue(Top, hf, N),

horizontalFrontierBoardAux(N, FrontierBoardRest, Center),

fillListWithValue(Bottom, hf, N),

append([Top], Center, TC),

append(TC, [Bottom], FrontierBoard).

horizontalFrontierBoardAux(\_,[],[]).

horizontalFrontierBoardAux(N, [Row|Rest], Center):-

N1 is N-1,

length([Row|Rest],N1),

!,

horizontalFrontierBoardAux(N, Rest, CenterRest),

append([hf],Row,HFR),

append(HFR,[he],NewRow),

append([NewRow], CenterRest, Center).

horizontalFrontierBoardAux(N, [Row|Rest], Center):-

!,

horizontalFrontierBoardAux(N, Rest, CenterRest),

append([he],Row,HER),

append(HER,[he],NewRow),

append([NewRow], CenterRest, Center).

verticalFrontierBoard([

[ve, ve, ve, ve, ve, vf],

[vf, ve, ve, ve, vf, vf],

[vf, vf, ve, vf, vf, vf],

[vf, vf, ve, ve, vf, vf],

[vf, ve, ve, ve, ve, vf]

]).

verticalFrontierBoard(0, []):- !.

verticalFrontierBoard(1, [[ve,vf]]):-!.

verticalFrontierBoard(N, FrontierBoard):-

N2 is N-2,

verticalFrontierBoard(N2, FrontierBoardRest),

fillListWithValue(ATop, ve, N),

append(ATop, [vf], Top),

verticalFrontierBoardAux(N, FrontierBoardRest, Center),

N1 is N-1,

fillListWithValue(CBottom,ve,N1),

append([vf], CBottom, LBottom),

append(LBottom, [vf], Bottom),

append([Top], Center, TC),

append(TC, [Bottom], FrontierBoard).

verticalFrontierBoardAux(\_,[],[]).

verticalFrontierBoardAux(N, [Row|Rest], Center):-

verticalFrontierBoardAux(N, Rest, CenterRest),

append([vf],Row,VFR),

append(VFR,[vf],NewRow),

append([NewRow], CenterRest, Center).

% -- Logo --

titleFrame :-

write(' \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_'),nl,

write('| |'),nl,

write('| \_\_ \_\_ \_ \_\_\_\_\_ \_ \_ |'), nl,

write('| | \\/ | (\_) / \_\_\_\_| (\_) | |'), nl,

write('| | \\ / | \_\_ \_ \_\_ \_ \_ \_\_\_ | (\_\_\_ \_ \_\_ \_\_ \_ \_| | |'), nl,

write('| | |\\/| |/ \_` |/ \_` | |/ \_\_| \\\_\_\_ \\| \'\_ \\ / \_` | | | |'), nl,

write('| | | | | (\_| | (\_| | | (\_\_ \_\_\_\_) | | | | (\_| | | | |'), nl,

write('| |\_| |\_|\\\_\_,\_|\\\_\_, |\_|\\\_\_\_| |\_\_\_\_\_/|\_| |\_|\\\_\_,\_|\_|\_| |'), nl,

write('| \_\_/ | |'), nl,

write('| |\_\_\_/ |'), nl,

write('| |'),nl,

write('|\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_|'),nl,

spacing(3).

buildBoard(Matrix, BoardLength, Board):-

horizontalFrontierBoard(BoardLength, HF),

verticalFrontierBoard(BoardLength, VF),

buildBoard(Matrix, HF, VF, BoardLength, Board).

buildBoard([], [RowHF], [], \_, [Result]):-

horizontalFrontierParser(RowHF, Result).

buildBoard([RowElems|RestElems], [RowHF|RestHF], [RowVF|RestVF], BoardLength, Result):-buildBoard(RestElems, RestHF, RestVF, BoardLength, RestResult),

fillListWithValue(NEmpty, ee, BoardLength),

horizontalFrontierParser(RowHF, RowHead),

verticalFrontierParser(RowVF, NEmpty, RowContentTop),

verticalFrontierParser(RowVF, RowElems, RowContent),

verticalFrontierParser(RowVF, NEmpty, RowContentBottom),

Result = [RowHead, RowContentTop, RowContent, RowContentBottom|RestResult].

displayBoard([]).

displayBoard([Row|Rest]):-

write(' '),

displayRow(Row), nl,

displayBoard(Rest).

horizontalFrontierParser([], ['+']).

horizontalFrontierParser([R1|Rest], Result):-

horizontalFrontierParser(Rest,RecResult),

translate(R1, Ascii),

Result = [Ascii|RecResult].

verticalFrontierParser([R1], [], Result):-

translate(R1, Ascii),

Result = [Ascii].

verticalFrontierParser([R1|Rest], [Elem|RemainingRow], Result):-

verticalFrontierParser(Rest, RemainingRow, RecResult),

translate(R1, Ascii),

translate(Elem, TElem),

Result = [Ascii, TElem |RecResult].

translate(ee, ' '):-!.

translate(he, '+ '):-!.

translate(hf, '+-----'):-!.

translate(ve, ' '):-!.

translate(vf, '|'):-!.

translate(X, Res):-

atom\_concat(' ', X, X1),

atom\_concat(X1, ' ', Res).

displayRow([]).

displayRow([Elem|Rest]):-

write(Elem),

displayRow(Rest).

% -- Visualization --

spacing(0):-!.

spacing(N):-

N1 is N-1,

spacing(N1),

nl.

clearScreen :- spacing(50), !.

getCharThenEnter(X) :-

get\_char(X),

get\_char(\_), !.

anotherSolution:-

spacing(2),

write('Another Solution? (y/n) '),

spacing(2),

getCharThenEnter(X),

spacing(3),

switch(X,[y:fail, n:true]).

**utils.pl**

fillListWithValue([], \_, 0):-!.

fillListWithValue([Value|Rest], Value, N) :- N1 is N-1, fillListWithValue(Rest, Value, N1).

fillListIndexEqualsValue(0, []):-!.

fillListIndexEqualsValue(N, List):-

N1 is N-1,

fillListIndexEqualsValue(N1,ListRest),

append(ListRest,[N],List).

takeFirstNElemsFromList(N, List, Partial) :-

takeFirstNElemsFromList(N, List, Partial,0).

takeFirstNElemsFromList(Count, \_, [],Count).

takeFirstNElemsFromList(N, [Value|Rest], Partial,Count) :-

Count1 is Count+1,

takeFirstNElemsFromList(N, Rest, Partial1,Count1),

append([Value], Partial1, Partial).

takeColumnElemsFromList(\_,\_,[],[]):-!.

takeColumnElemsFromList(NColumn, BoardLength, List, Result):-

takeFirstNElemsFromList(BoardLength, List, FirstElems),

append(FirstElems,Rest,List),

takeColumnElemsFromList(NColumn, BoardLength, Rest, Result1),

nth1(NColumn, FirstElems, Value),

append([Value], Result1, Result).

listToMatrix([], \_, []).

listToMatrix(List, Size, [Row|Matrix]):-

listToMatrixRow(List, Size, Row, Tail),

listToMatrix(Tail, Size, Matrix).

listToMatrixRow(Tail, 0, [], Tail).

listToMatrixRow([Item|List], Size, [Item|Row], Tail):-

NSize is Size-1,

listToMatrixRow(List, NSize, Row, Tail).

% integerToAtomUsingKey(+Before, -After, +Key)

integerToAtomUsingKey([], [], \_).

integerToAtomUsingKey([Elem|Rest], After, Key):-

integerToAtomUsingKey(Rest, AfterRest, Key),

ifelse(nth1(Elem, Key, Atom),

After = [Atom|AfterRest],

After = [ee|AfterRest]).

removeElementFromList(\_, [], []) :- !.

removeElementFromList(Elem, [Elem|Rest], Result) :-

!,

removeElementFromList(Elem, Rest, Result).

removeElementFromList(Elem, [NotElem|Rest], Result) :-

!,

removeElementFromList(Elem, Rest, ResultRest),

append([NotElem], ResultRest, Result).

% nthOccurrenceInList(+List, ?Element, ?Index, ?Occurences)

nthOccurrenceInList(List, Element, Index, Occurences):-

nthOccurrenceInList(List, Element, Index, 0, Occurences).

nthOccurrenceInList(\_, \_, 0, Occurences, Occurences) :- !.

nthOccurrenceInList([Element|Tail], Element, Index, Count, Occurences):-

Count2 is Count+1,

!,nthOccurrenceInList(Tail, Element, Index1, Count2, Occurences),

Index is Index1+1.

nthOccurrenceInList([\_|Tail], Element, Index, Count, Occurences):-

!,nthOccurrenceInList(Tail, Element, Index1, Count, Occurences),

Index is Index1+1.

% --- Magic Snail process ---

listToMagicSnail(List, Route, BoardLength, MagicSnail):-

listToMagicSnail(List, Route, BoardLength, MagicSnail, 0,0).

listToMagicSnail(List, [], BoardLength, MagicSnail ,Row,Column):-

Index is Row\*BoardLength + Column,

nth0(Index, List, Elem),

MagicSnail = [Elem].

listToMagicSnail(List, [Dir|RestRoute], BoardLength, MagicSnail, Row,Column):-

switch(Dir, [

d:(NColumn is Column+1,

NRow is Row),

a:(NColumn is Column-1,

NRow is Row),

s:(NColumn is Column,

NRow is Row+1),

w:(NColumn is Column,

NRow is Row-1)]),

listToMagicSnail(List, RestRoute, BoardLength, MagicSnailRest,NRow,NColumn),

Index is Row\*BoardLength + Column,

nth0(Index, List, Elem),

MagicSnail = [Elem | MagicSnailRest].

% --- operators ---

ifelse(Condition, If, \_Else) :- Condition, !, If.

ifelse(\_, \_, Else) :- Else.

not(X) :- X, !, fail.

not(\_X).

switch(X, [Case:Then|Cases]) :-

( X=Case ->call(Then);

switch(X, Cases)).